

$\omega_n$  is the undamped natural frequency  
 $\zeta$  is the damping ratio of the system

التردد الطبيعي غير المضائل  
نسبة المضائلة

وبفرض أن دخل النظام عبارة عن دالة الخطوة وقيمتها الواحد فإن استجابة النظام أي الخرج  $C(t)$  تتوقف على قيمة نسبة المضائلة damping ratio فيكون خرج هذا النظام باستخدام المعادلة (3- 7) كالتالي:

$$C(s) = \frac{R(s)\omega_n^2}{s^2 + 2\zeta\omega_n s + \omega_n^2}$$

وبالتعويض عن  $R(s) = \frac{1}{s}$  نجد أن:

$$C(s) = \frac{\omega_n^2}{s(s^2 + 2\zeta\omega_n s + \omega_n^2)} \quad (3- 19)$$

وبإجراء التحويل اللابلاسي العكسي للمعادلة (3- 18) ينتج التالي:

$$C(s) = \frac{1}{s} + \frac{A_1}{s - P_1} + \frac{A_2}{s - P_2}$$

حيث إن:

$A_1, A_2$  constants of partial fraction = ثوابت الكسور الجزئية

$P_1, P_2$  roots of the second order equation = جذور معادلة الدرجة الثانية

وعلى ذلك فإن استجابة النظام أي خرجه تكون كالتالي:

$$C(t) = 1 + A_1 e^{P_1 t} + A_2 e^{P_2 t} \quad (3- 20)$$